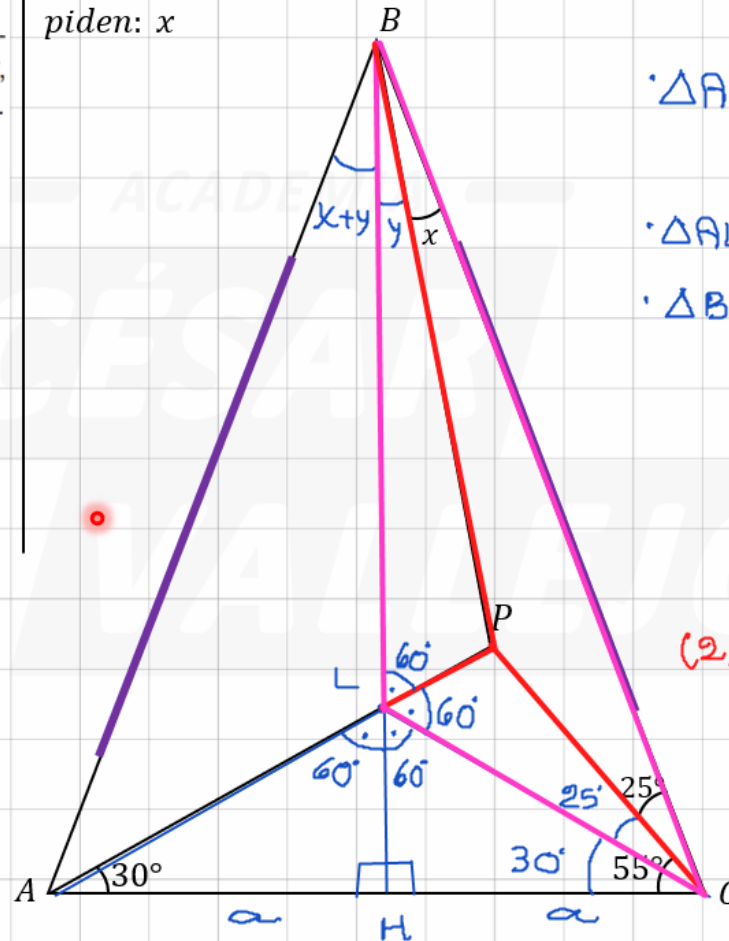


## PROBLEMA 01

En un triángulo isósceles  $ABC$  ( $AB=BC$ ) se ubica un punto interior  $P$  tal que:  $m\angle PAC=30^\circ$ ,  $m\angle ACP=55^\circ$  y  $m\angle PCB=25^\circ$ . Calcule  $m\angle PBC$ .

- A)  $8^\circ$       B)  $6^\circ$       C)  $5^\circ$   
D)  $9^\circ$       E)  $4^\circ$

piden:  $x$



$$\Delta ABC : 2(x+y) = 20$$

$$x+y = 10^\circ \dots (1)$$

$$\Delta ALC : \text{Isósceles} \Rightarrow m\angle LCH = 30^\circ$$

$$\Delta BLC : \begin{cases} \overline{LP} : \text{Bis. INT.} \\ \overline{CP} \end{cases}$$

$\rightarrow P : \text{INCENTRO DEL } \Delta LBC$

$$\rightarrow x = y \dots (2)$$

$$(2) \text{ EN } (1):$$

$$x+x = 10^\circ$$

$$x = 5^\circ$$

CLAVE: C

## PROBLEMA 02

En un triángulo rectángulo  $ABC$  recto en  $B$  se traza la mediana  $\overline{AM}$  tal que:  $AB=8$  y  $m\angle BAM=2(m\angle BCA)$ . Calcule  $BM$ .

A)  $\sqrt{5}$

B)  $2\sqrt{5}$

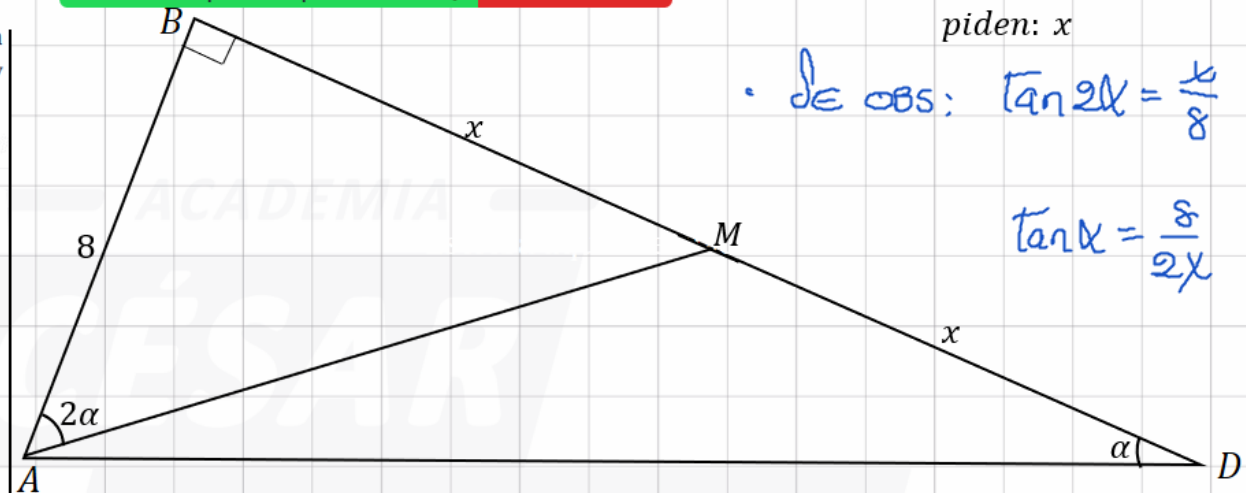
C)  $5\sqrt{5}$

D)  $3\sqrt{5}$

E)  $4\sqrt{5}$

OBS:

$$\tan 2\alpha = \frac{2 \tan \alpha}{1 - \tan^2 \alpha}$$

piden:  $x$ 

$$\text{De obs: } \tan 2\alpha = \frac{x}{8}$$

$$\tan \alpha = \frac{8}{2x}$$

$$\text{Por obs: } \tan 2\alpha = \frac{2 \tan \alpha}{1 - \tan^2 \alpha}$$

$$\frac{x}{8} = \frac{\frac{4}{x}}{1 - (\frac{4}{x})^2}$$

$$x = 4\sqrt{5}$$

CLAVE: E

## PROBLEMA 02

En un triángulo rectángulo  $ABC$  recto en  $B$  se traza la mediana  $\overline{AM}$  tal que:  $AB=8$  y  $m\angle BAM=2(m\angle BCA)$ . Calcule  $BM$ .

A)  $\sqrt{5}$

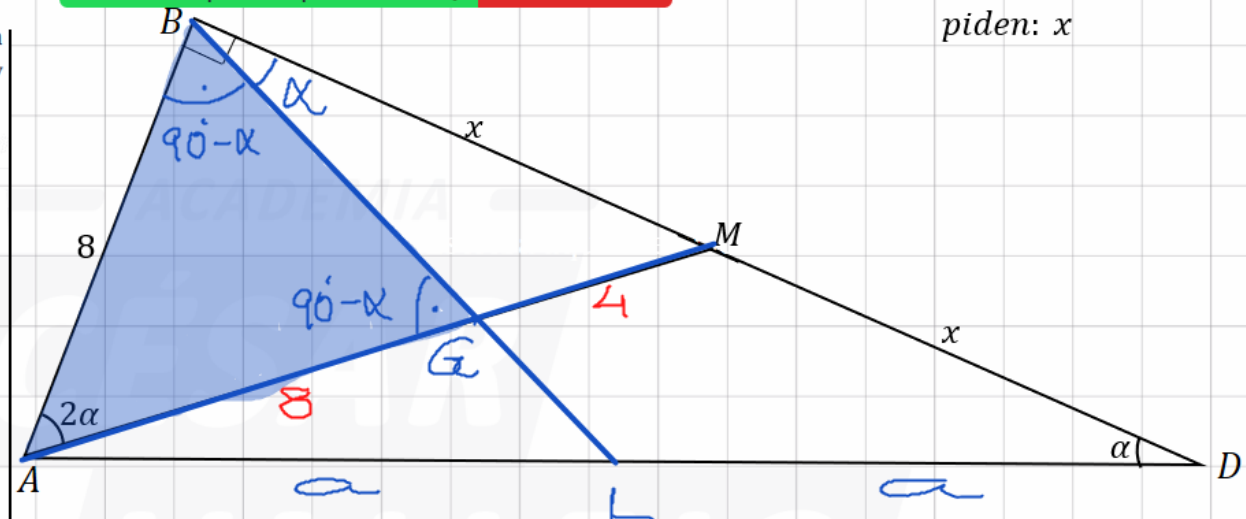
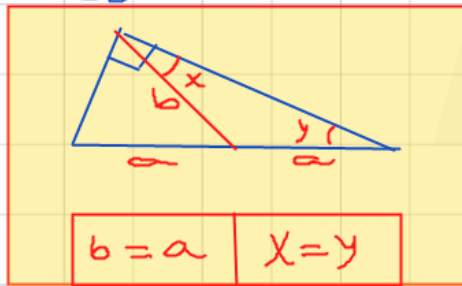
B)  $2\sqrt{5}$

C)  $5\sqrt{5}$

D)  $3\sqrt{5}$

E)  $4\sqrt{5}$

OBS

piden:  $x$ 

- $\triangle ABC$ : Por OBS  
 $\rightarrow m\angle LBD = \alpha$
- $\triangle BAG$ : ISÓSCELES.  
 $\rightarrow AG = AB = 8$

- $\triangle ABD$ :  $G$  es BARICENTRO  
 $\rightarrow GN = 4$
- $\triangle ABM$ : T. PITÁGORAS.  
 $x^2 + 8^2 = 12^2$

$x = 4\sqrt{5}$

CLAVE: E

PROBLEMA 03

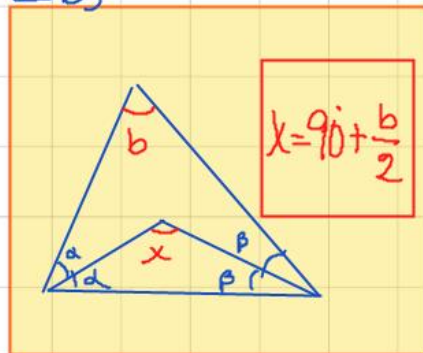
En un cuadrilátero  $ABCD$  inscrito en una circunferencia se ubican los incentros  $I_1$  y  $I_2$  de los triángulos  $ABD$  y  $ACD$ . Calcule  $m\angle I_1 I_2 A$  si  $m\widehat{AB} = 80^\circ$ .

- A)  $25^\circ$   
D)  $10^\circ$

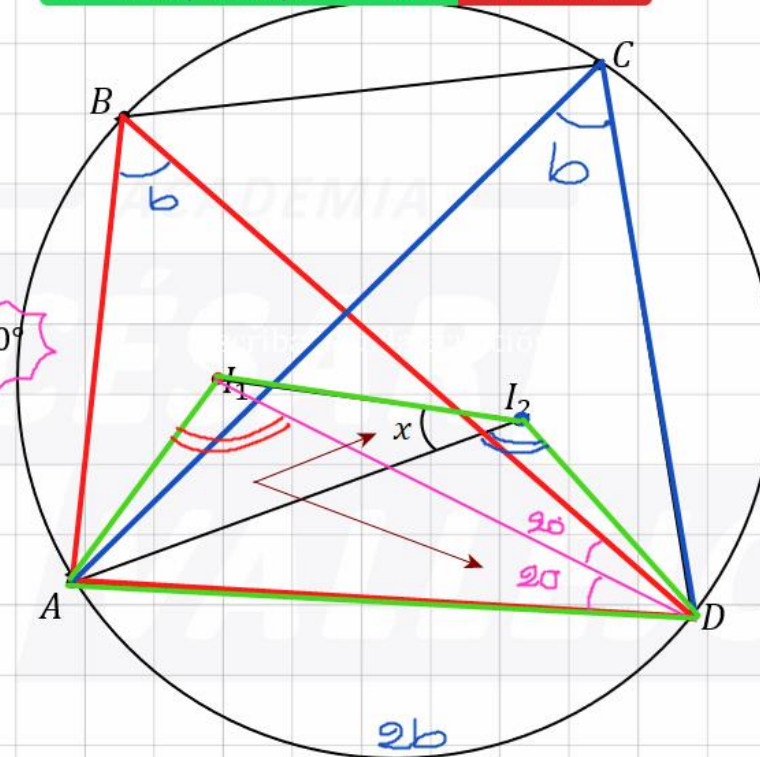
B)  $20^\circ$

- C)  $15^\circ$   
E)  $30^\circ$

OBS



80°



piden:  $x$

• POR OBS

$$\rightarrow m\angle A I_1 D = m\angle A I_2 D = 90^\circ + \frac{b}{2}$$

•  $A I_1, I_2 D$  : INSCRIPT.



$$x = 20^\circ$$

CLAVE: B

## PROBLEMA 04

En un paralelogramo  $ABCD$  de centro  $O$  en  $\overline{AD}$  se ubican  $M$  y  $N$  tal que:  $N$  es punto medio de  $\overline{MD}$ ,  $\overline{OM} \cap \overline{BN} = \{P\}$  y  $m\angle AMO = m\angle BCD$ . Calcule  $\frac{CD}{OP}$ .

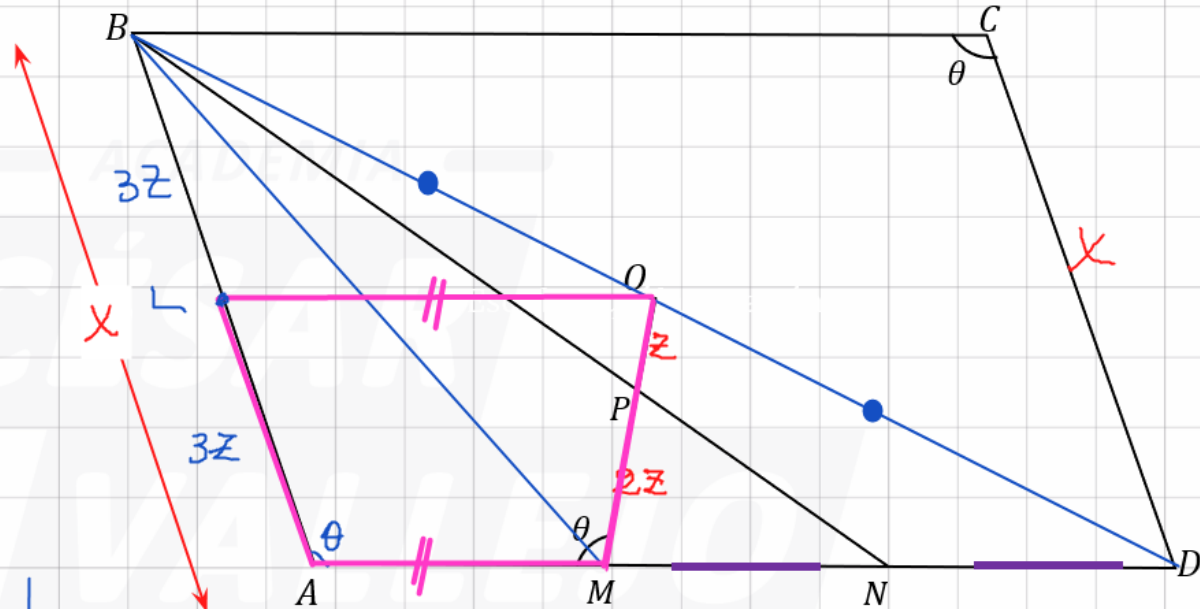
A) 7

B) 4

C) 5

D) 6

E) 8



$\Delta BMD$ :  $P$  ES BARIC.

$$\rightarrow MP = 2z$$

$\Delta AOM$ : TRAPECIO ISOSC.

$$\rightarrow AL = MO = 3z$$

$\Delta ABD$ :  $OL$  ES BASE MEDIA

$$\rightarrow BL = AL = 3z$$

SE OBS:  $x = 6z$

$$\frac{x}{z} = \frac{CD}{OP} = 6$$

CLAVE: D

## PROBLEMA 05

Está compartiendo la pantalla

Dejar de compartir

piden:  $x$ 

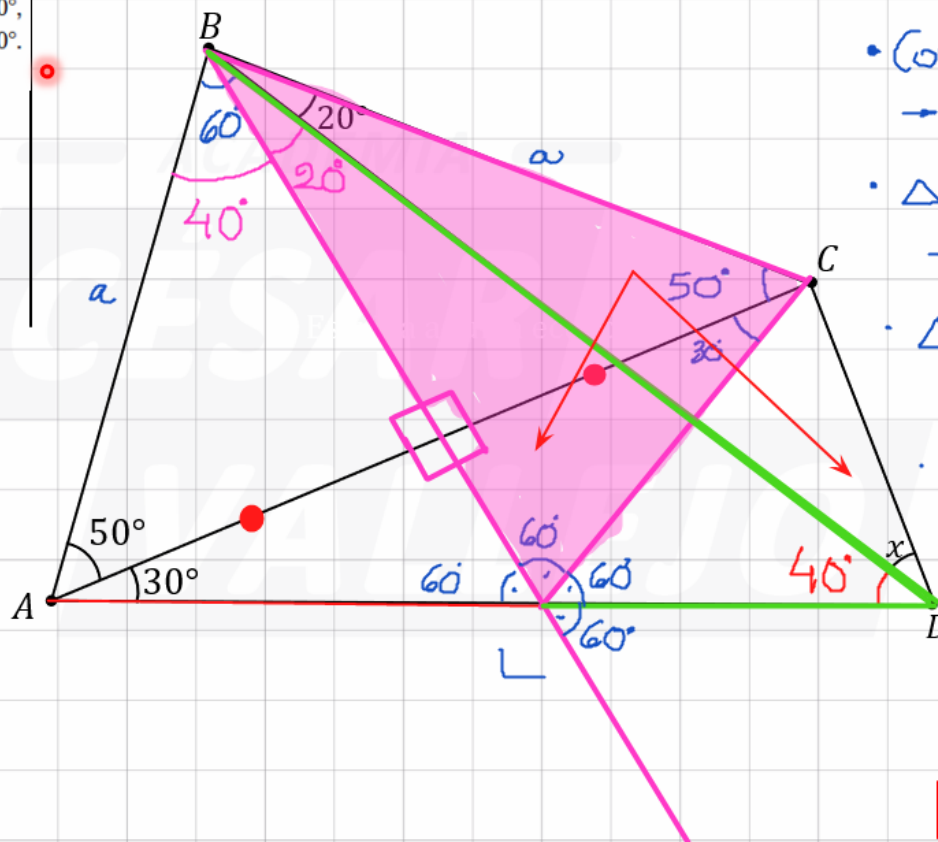
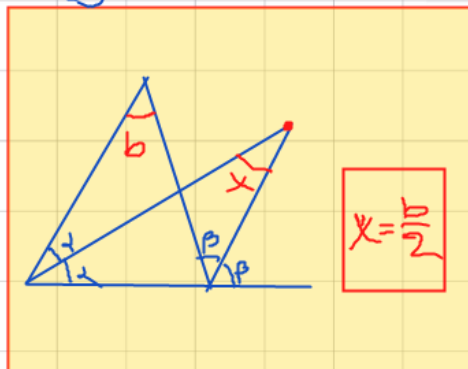
En un cuadrilátero  $ABCD$ ,  $m\angle BAC = 50^\circ$ ,  
 $m\angle CAD = 30^\circ$ ,  $m\angle BDA = 40^\circ$  y  $m\angle DBC = 20^\circ$ .  
 Calcule  $m\angle BDC$ .

A)  $45^\circ$   
 D)  $35^\circ$

B)  $37^\circ$ 

C)  $25^\circ$   
 E)  $30^\circ$

OBS



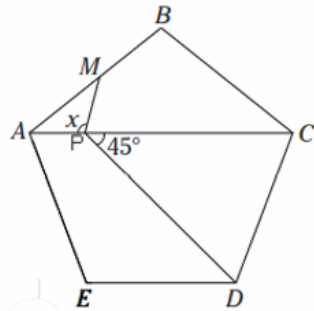
- COMPLETANDO  $\angle$ s  
 $\rightarrow \triangle ABC$ : ISÓS.C.
- $\triangle ALC$ : ISÓS.C.  
 $\rightarrow m\angle LCA = 30^\circ$
- $\triangle BLC$ : D' ES EXCENTRO
- POR OBS:

$$x = \frac{60^\circ}{2}$$

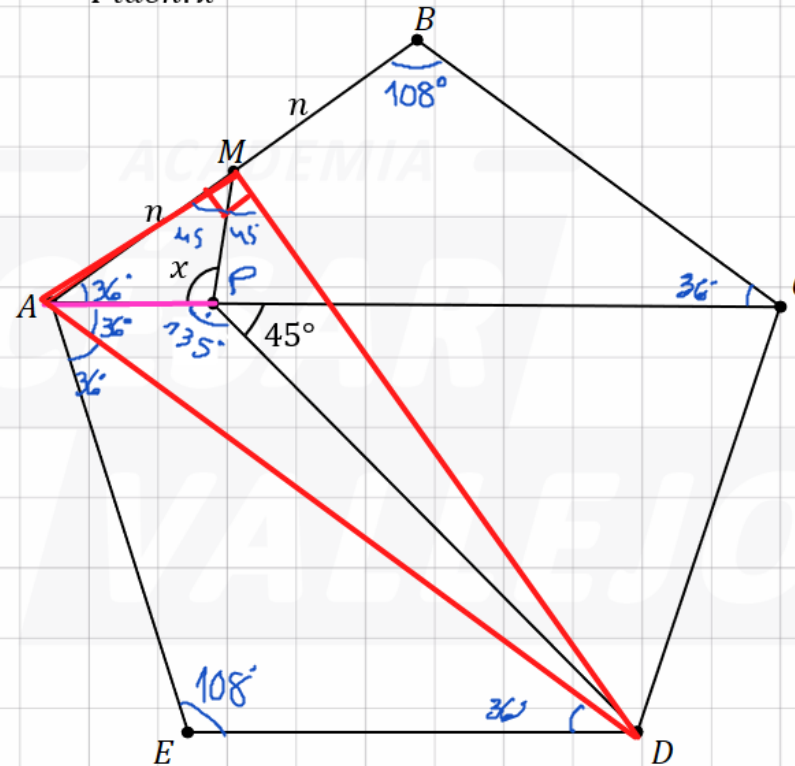
$$x = 30^\circ$$

CLAVE: E

Está compartiendo la pantalla    Dejar de compartir

 $Piden: x$ 

- A)  $99^\circ$       B)  $90^\circ$       C)  $105^\circ$   
D)  $120^\circ$       E)  $135^\circ$



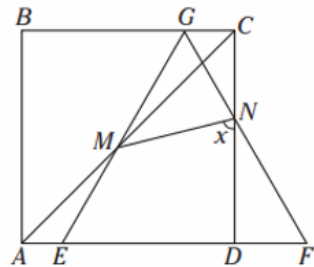
- COMPLETANDO  $\triangle$ s  
 $\rightarrow \overline{AP}$  ES BIS. INT.
- $\triangle AMP$  : TENEMOS  
 $\left\{ \begin{array}{l} \overline{AP} \text{ ES BIS. INT.} \\ 135^\circ = 90^\circ + \frac{90^\circ}{2} \end{array} \right.$
- $\rightarrow \overset{''}{P}$  ES INCENTRO
- $\rightarrow m\angle AMP = m\angle RPM$   
 $= 45^\circ$

$$\angle x = 99^\circ$$

**CLAVE: A**

## PROBLEMA 07

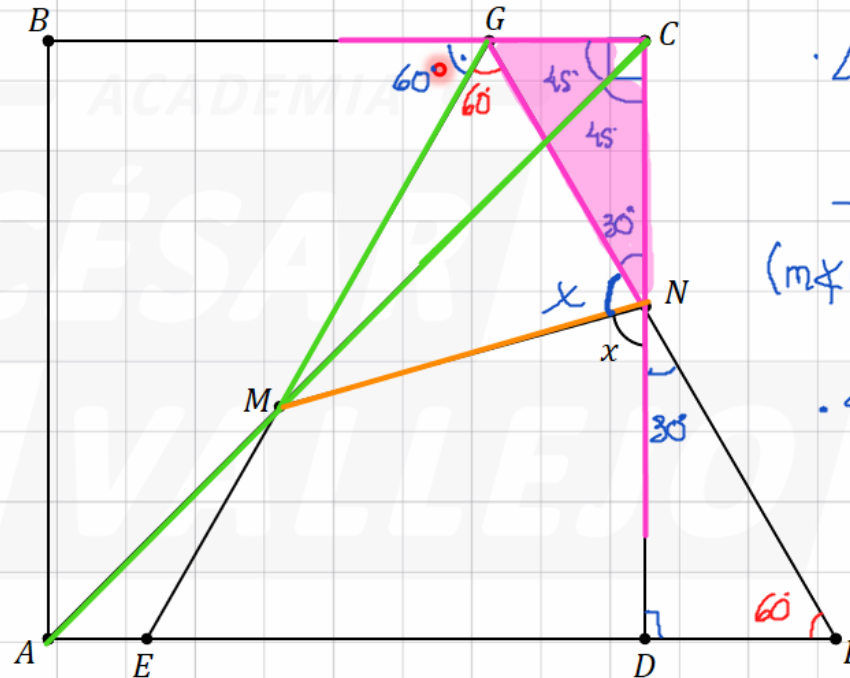
En el gráfico mostrado,  $ABCD$  es un cuadrado y  $EFG$  es un triángulo equilátero. Halle la  $m\angle MND$ .



A)  $45^\circ$   
D)  $80^\circ$

B)  $60^\circ$

C)  $75^\circ$   
E)  $90^\circ$



$\Delta GCN$ : "M" ES  
EXCENTRO

$\rightarrow \overline{MN}$  ES BIS. EXT.  
( $m\angle MNG = m\angle MND = x$ )

SE OBS EN "N"  
 $2x + 30^\circ = 180^\circ$   
 $2x = 150^\circ$

$$x = 75^\circ$$

CLAVE: C

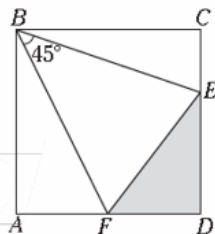


## PROBLEMA 08

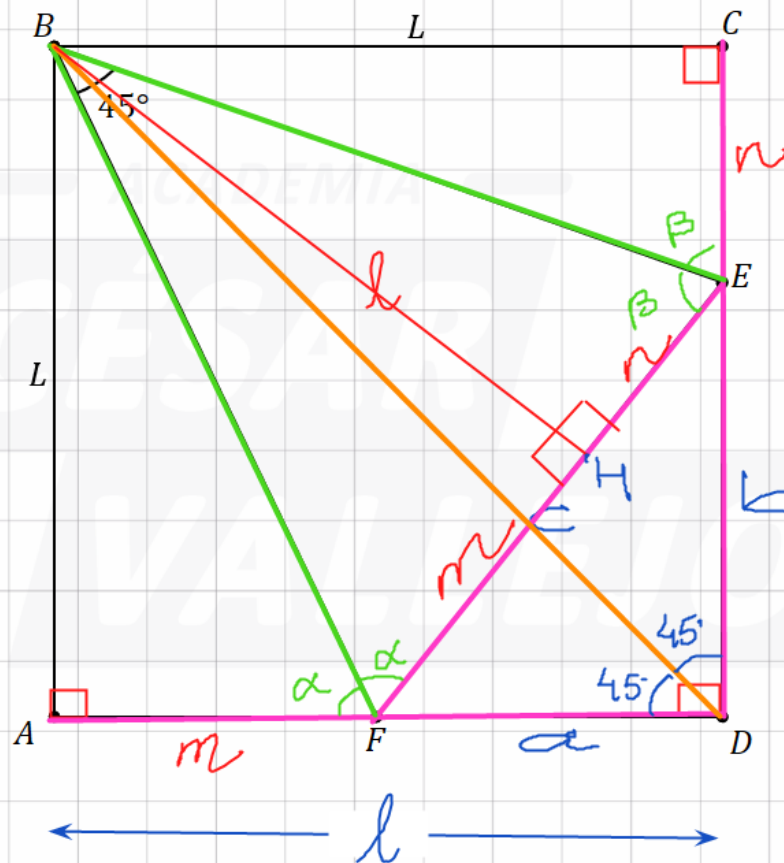
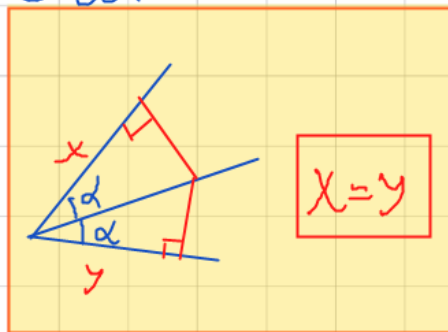
Está compartiendo la pantalla

Dejar de compartir

$ABCD$  es un cuadrado de lado  $L$ , halle el perímetro de la región  $FDE$ .

A)  $L$ B)  $2L$ C)  $\frac{3L}{2}$ D)  $3L$ E)  $\frac{5L}{2}$ 

OBS:



$$\text{Piden: } 2p_{\triangle FDE} = a + b + c$$

SE OBS

$$m + \angle EBF = 90^\circ - \frac{m + \angle FDE}{2}$$

 $\overline{DB}$  ES BIS. INT.

 $\rightarrow B'$  ES EXCENTRO DEL  $\triangle FDE$ 

POR OBS:

$$AF = FH = m$$

$$EH = CE = n$$

SE OBS:

$$m + a = l$$

$$n + b = l$$

$$c + a + b = 2l$$

$$2p_{\triangle FDE} = 2L$$

CLAVE: B